

TD n°2

Exercice n° 1

Soit $f(t)$ une fonction qui remplit les conditions de Dirichlet (sans entrer dans le détail). Si ces conditions sont remplies, on peut alors approximer la fonction $f(t)$ par une série de fonctions trigonométriques, connue sous le nom de série de Fourier réelle :

$$f(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos(nt) + \sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin(nt)$$

1) Donner l'expression des coefficients a_0 , a_n et b_n , connus sous le nom de coefficients de Fourier réelles.

On appliquant le développement de série de Fourier complexe, on peut écrire $f(t) = \sum_{n=-\infty}^{n=+\infty} c_n e^{int}$

2) Donner l'expression de coefficient c_n

Exercice n° 2

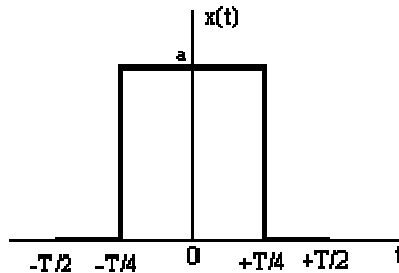
Soit $f(t)$ une fonction de période $T = 2\pi$ définie par $f(t) = |t|$ pour $t \in]-\pi, \pi]$

Calculer le développement en série de Fourier réelle et complexe de $f(t)$.

Exercice n° 3

Soit T la période des signaux ci-dessous

Un signal numérique $x(t)$ de forme « créneau », est envoyé sur une voie de transmission.



Décomposer $x(t)$ en série de Fourier

Exercice n° 4

Soit le signal $f(t)$ défini par

$$f(t) = \begin{cases} 1 & \text{si } |t| < \frac{T}{4} \\ 0 & \text{sin on} \end{cases}$$

Décomposer $f(t)$ en série de Fourier

Exercice n° 5

Calculer le développement en série de Fourier de deux fonctions $f(t)$ définies par :

$$f(t) = \begin{cases} A & \text{si } 0 \leq t \leq \frac{T}{2} \\ -A & \text{sin on } \frac{T}{2} \leq t \leq T \end{cases}$$

Exercice n° 6

On considère la fonction $f(t)$ 2π -périodique, définie sur $[-\pi, \pi]$

$$\text{par : } f(t) = \begin{cases} t + \pi & -\pi \leq t \leq 0 \\ t - \pi & 0 \leq t \leq \pi \end{cases}$$

Montrer que la série de Fourier de la fonction $f(t)$ est donnée par $g(t) = -2 \sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n} \sin(nt)$